

Mots-clés : orbite, période de révolution, lunette astronomique, grossissement.

**1. La face cachée de la Lune**

**1.1. Établir l'expression de la période de révolution  $T_L$  de la Lune autour de la Terre, puis calculer sa valeur.**

La Lune parcourt le périmètre de sa trajectoire circulaire pendant la durée  $T_L$  à la vitesse  $v$ .

$$v = \frac{2\pi \cdot d_{TL}}{T_L} \text{ donc } T_L = \frac{2\pi \cdot d_{TL}}{v}, \text{ avec } v = \sqrt{\frac{G \cdot M_T}{d_{TL}}} \text{ alors } T_L = \frac{2\pi \cdot d_{TL}}{\sqrt{\frac{G \cdot M_T}{d_{TL}}}}$$

$$T_L^2 = \frac{(2\pi \cdot d_{TL})^2}{G \cdot M_T \cdot d_{TL}}$$

$$T_L^2 = (2\pi \cdot d_{TL})^2 \cdot \frac{d_{TL}}{G \cdot M_T}$$

$$T_L^2 = (2\pi)^2 \cdot \frac{d_{TL}^3}{G \cdot M_T}$$

$$T_L = 2\pi \cdot \sqrt{\frac{d_{TL}^3}{G \cdot M_T}}$$

$$T_L = 2\pi \cdot \sqrt{\frac{(3,844 \times 10^5 \times 10^3)^3}{6,67 \times 10^{-11} \times 5,97 \times 10^{24}}} = 2,37 \times 10^6 \text{ s}$$

$$2 * \pi * \sqrt{\frac{(3.844E5 * 1E3)^3}{6.67E-11 * 5.97E24}} = 2.373038883E6$$

**1.2. Comparer la valeur de  $T_L$  à la période de rotation de la Lune sur elle-même  $P_L$**

La période de rotation de la Lune sur elle-même vaut 27,3 jours = 27,3x24h x 3600s = 2,36x10<sup>6</sup> s.

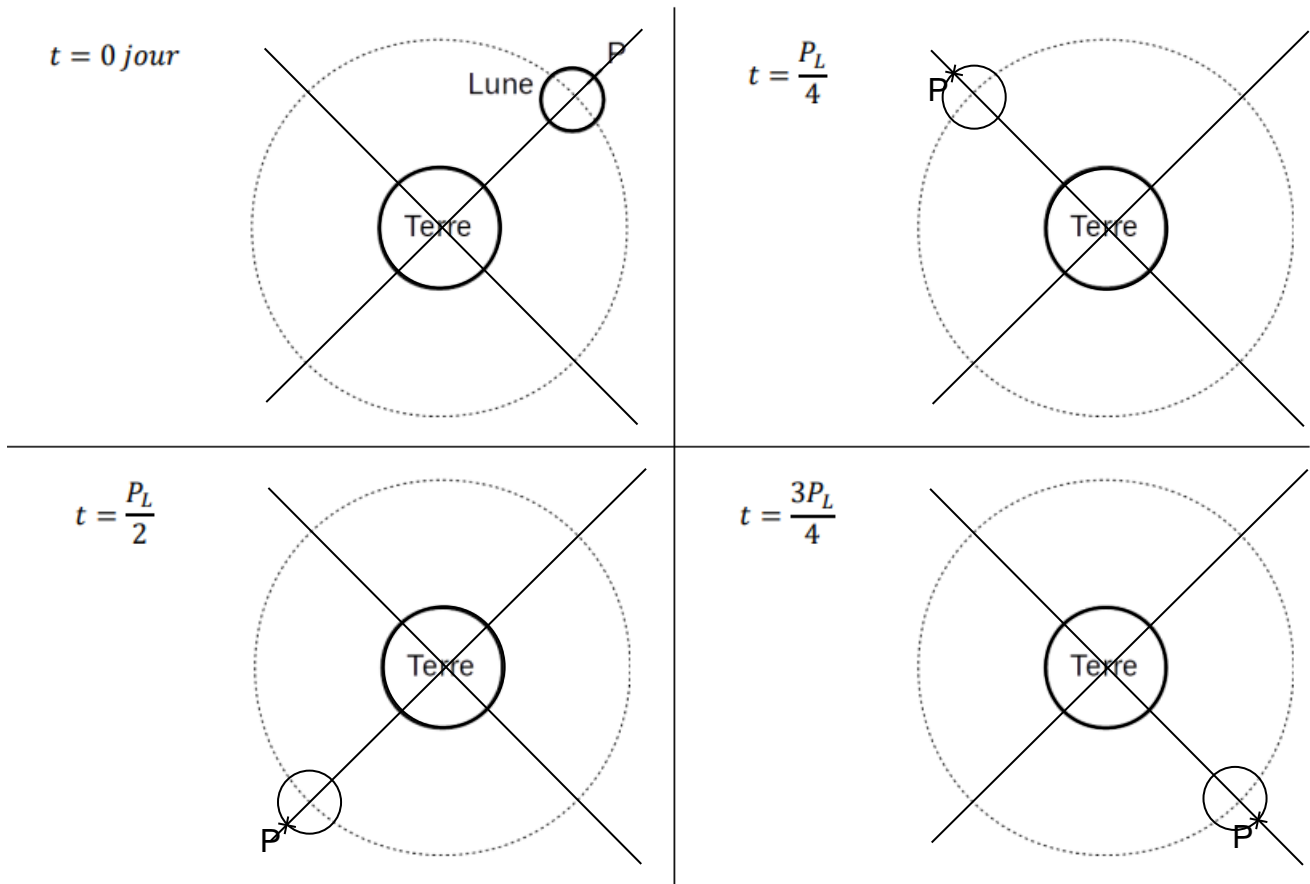
Ces deux valeurs sont très proches.

$$\text{Écart relatif} = \frac{T_L - P_L}{P_L}$$

$$\text{Écart relatif} = \frac{2,373 - 2,358}{2,358} = 0,6 \%$$

$$\frac{27.3 * 24 * 3600}{2.373038883E6 - 2.35872E6} = 6.070615842E-3$$

1.3. Sur le schéma donné en annexe 2 à rendre avec la copie, ajouter la position de la Lune et du point P aux dates  $P_L/4$ ,  $P_L/2$  et  $3P_L/4$  en justifiant votre réponse. En déduire, dans le cadre de ce modèle simple, pourquoi on parle de « face cachée de la Lune ».



En une durée  $\frac{P_L}{4} = \frac{T_L}{4}$  la Lune parcourt un quart de son orbite et elle fait un quart de tour sur elle-même.

Ainsi le point P est situé sur une face de la Lune toujours cachée.

## 2. Observation de la Lune depuis la Terre.

2.1. Calculer l'angle  $\theta$  sous lequel est vu le cratère Tycho depuis la Terre. En déduire s'il est possible de distinguer les contours du cratère à l'œil nu.

$$\tan(\theta) = \frac{AB}{d_{TL}} \approx \theta$$

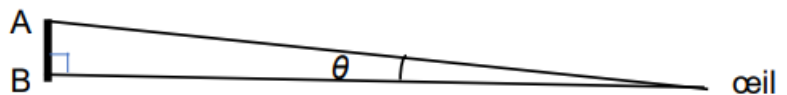
$$\theta \approx \frac{86 \text{ km}}{3,844 \times 10^5 \text{ km}} = 2,2 \times 10^{-4} \text{ rad} < \varepsilon = 2,9 \times 10^{-4} \text{ rad}$$

Ce diamètre apparent est trop petit pour que les contours du cratère Tycho soient visibles à l'œil nu.

2.2. Parmi les deux lentilles utilisées, identifier celle qui joue le rôle de l'oculaire et celle qui joue le rôle de l'objectif.

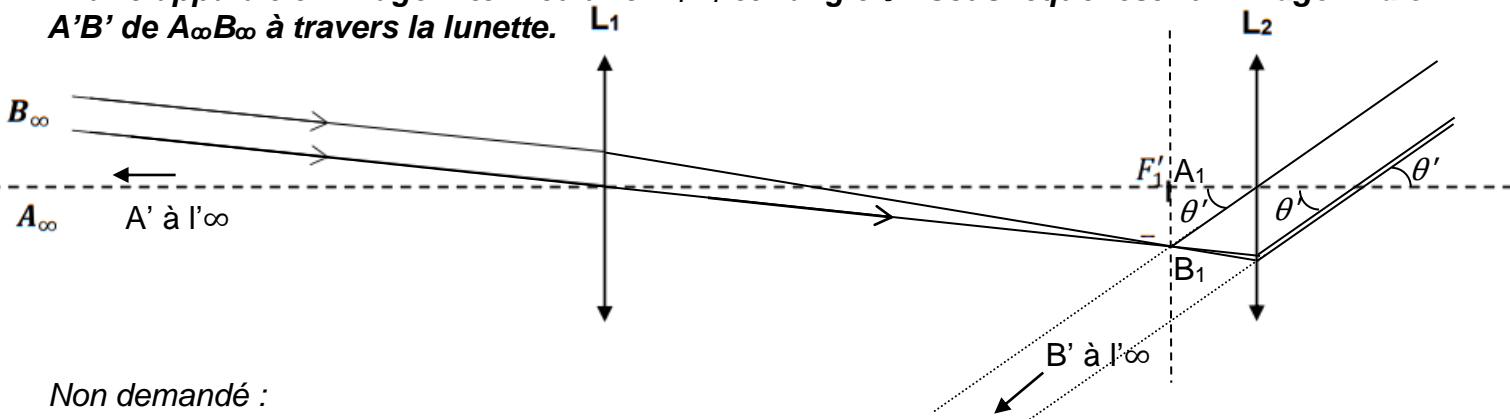
La lentille  $L_1$  est située du côté de l'objet  $A_\infty B_\infty$ , elle constitue l'objectif.

La lentille  $L_2$  est l'oculaire.



2.3. Sur le schéma donné en annexe 3 à rendre avec la copie :

- construire la marche du faisceau lumineux issu du point  $B_\infty$  considéré à l'infini au travers de la lunette ;
- faire apparaître l'image intermédiaire  $A_1B_1$  et l'angle  $\theta'$  sous lequel est vu l'image finale  $A'B'$  de  $A_\infty B_\infty$  à travers la lunette.



Non demandé :

Si l'objet  $A_\infty B_\infty$  est situé à l'infini alors l'image  $A_1 B_1$  se forme dans le plan focal image de la lentille  $L_1$ , on a  $A_1$  confondu avec  $F'_1$ .

On crée un rayon issu de  $B_1$  passant par  $O_2$ , il émerge sans être dévié.

Tous les rayons issus de  $B_1$  émergent parallèlement entre eux.

2.4. Expliquer pourquoi cette lunette est qualifiée d'afocale et justifier l'intérêt de ce réglage.

Un instrument d'optique afocal donne une image définitive située à l'infini. Ainsi pour observer cette image définitive l'œil n'a pas besoin d'accommoder, on observe sans fatigue.

2.5. Exprimer le grossissement de la lunette en fonction de  $\theta$  et  $\theta'$ .

$$\theta' = G \cdot \theta \text{ ou encore } G = \frac{\theta'}{\theta}$$

Non demandé : À l'œil nu, on observe l'image  $A_\infty B_\infty$  sous un angle  $\theta$ .

Dans la lunette, on observe l'image définitive sous un angle  $\theta'$ .

La lunette multiplie par  $G$  le diamètre apparent  $\theta$ . Ainsi on voit davantage de détails.

On admet que le grossissement de la lunette est :  $G = \frac{f'_{obj}}{f'_{oc}}$ , où  $f'_{obj} = f'_{oc}$  représentent

respectivement les distances focales de l'objectif et de l'oculaire.

2.6. Déterminer la valeur limite de la distance focale de l'oculaire qu'il faut associer à un objectif de distance focale 300 mm pour pouvoir distinguer l'ensemble de montagnes qui occupe le centre du cratère Tycho.

Le candidat est invité à présenter sa démarche même si elle n'est pas complètement aboutie.

L'ensemble de montagnes s'étale sur une quinzaine de kilomètres.

On l'observe à l'œil nu depuis la Terre sous un angle  $\tan(\theta) = \frac{AB}{d_{TL}} \approx \theta$ ,

$$\text{ainsi } \theta = \frac{15}{3,844 \times 10^5} = 3,9 \times 10^{-5} \text{ rad}$$

Or pour les distinguer, il faut que  $\theta' > \varepsilon = 2,9 \times 10^{-4} \text{ rad}$

$$G = \frac{f'_{obj}}{f'_{oc}} = \frac{\theta'}{\theta}$$

$$f'_{oc} = f'_{obj} \cdot \frac{\theta}{\theta'}$$

$$f'_{oc} = \frac{3,9 \times 10^{-5}}{2,9 \times 10^{-4}} \times 300 \text{ mm} = 40 \text{ mm au maximum.}$$

15	
3.844E5	
.....	
	3.902185224E-5
Rep/2.9E-4*300	
.....	
	4.036743335E1