

Mots-clés : Satellite, repère de Frenet, chute libre.

Le programme Artemis est un programme spatial habité de la NASA, l'agence spatiale américaine, dont l'objectif est d'amener un équipage sur le sol lunaire d'ici 2024.

Celui-ci doit déboucher sur une exploration durable sous la forme de l'installation d'un poste permanent sur la Lune.

Source : Wikipédia



Source : Nasa

La partie A s'intéressera à la mise en place d'un satellite de télécommunication autour de la Lune et la partie B analysera l'alunissage d'un module lunaire.

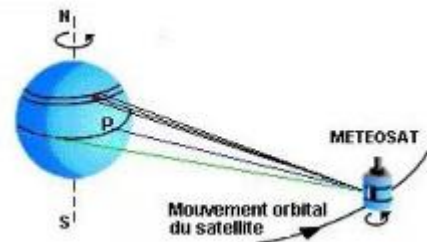
A- Étude d'un satellite de télécommunication

L'étude ne portera que sur un seul satellite dont l'orbite autour de la Lune sera considérée comme circulaire. On négligera l'influence de la Terre sur le mouvement du satellite.

Analogie avec les satellites terrestres

« L'orbite des satellites géostationnaires se trouve dans le plan équatorial de la Terre à une altitude de près de 36 000 km. ce fait, ils tournent à la même vitesse angulaire que la Terre. Ils sont donc fixes par rapport à un observateur sur la Terre et voient ainsi toujours le même disque terrestre. »

Source : <http://education.meteofrance.fr/>



plan
De
situé

Données :

- Trajectoire circulaire du centre du satellite (**S**) autour du centre de la Lune (**L**)

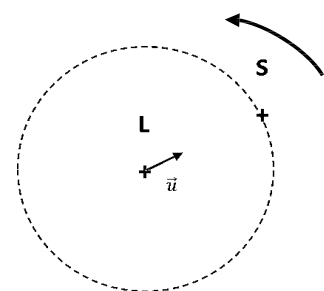
\vec{u} est le vecteur unitaire orienté de L vers S

- Force d'interaction gravitationnelle entre un objet A de masse M_A et un objet B de masse M_B distants de d_{AB}

$$\vec{F}_{A/B} = -\vec{F}_{B/A} = -G \cdot \frac{M_A \cdot M_B}{d_{AB}^2} \cdot \vec{u}_{A/B}$$

Le vecteur unitaire $\vec{u}_{A/B}$ est orienté de A vers B.

Sens de rotation du satellite



1. Proposer une définition de ce que pourrait être un satellite lunostationnaire en comparant sa période de révolution autour de la Lune à la période de rotation de la Lune sur elle-même
2. Représenter la force d'interaction gravitationnelle $\vec{F}_{L/S}$ exercée par la Lune sur ce satellite sans souci d'échelle sur le document réponse à rendre avec la copie
3. Établir l'expression de cette force $\vec{F}_{L/S}$ en fonction de G , M_S , M_L , d_{LS} et \vec{u}

Description du mouvement du satellite

Données :

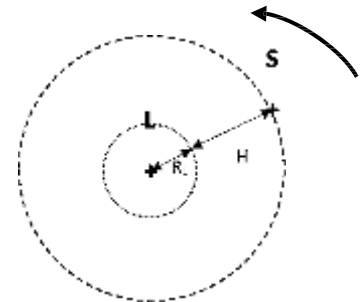
- Période de rotation de la lune sur elle-même : $T = 27,3$ jours
- Constante de gravitation universelle : $G = 6,67 \times 10^{-11} \text{ N.m}^2.\text{kg}^{-2}$
- Masse de la Lune : $M_L = 7,34 \times 10^{22} \text{ kg}$
- Rayon de la Lune : $R_L = 1,74 \times 10^6 \text{ m}$
- Périmètre d'un cercle : $P = 2\pi R$

4. À l'aide de la deuxième loi de Newton, établir l'expression du vecteur accélération \vec{a}_G du centre du satellite en fonction de G , M_L , d_{LS} et \vec{u} .
5. Représenter le vecteur unitaire tangential \vec{T} et le vecteur unitaire normal \vec{N} du repère de Frenet sur le document réponse à rendre avec la copie.
6. Citer l'expression des coordonnées du vecteur accélération \vec{a}_G dans le repère de Frenet, dans le cas d'un mouvement circulaire.
7. En déduire l'expression de l'accélération \vec{a}_G dans le repère de Frenet en fonction de G , M_L , d_{LS} et \vec{N} .
8. Justifier que la vitesse V du satellite est constante et montrer que son expression dans le repère de Frenet en fonction de G , M_L et d_{LS} est :

$$v = \sqrt{\frac{G.M_L}{d_{LS}}}$$

Dans la question suivante, la qualité de la rédaction, la structuration de l'argumentation et la rigueur des calculs seront valorisées.

9. Démontrer que pour que le satellite soit fixe par rapport à la Lune, il doit être à une altitude $H = 8,67 \times 10^7 \text{ m}$ par rapport à la surface de la Lune.



B- Alunissage

Le vaisseau lunaire HLS (Human Landing System) a pour rôle de déposer deux astronautes sur le sol lunaire. À la surface, il sert d'habitat durant la mission d'une durée initiale d'environ une semaine puis il ramène l'équipage à la station spatiale.



Source : Wikipédia

Source : NASA

Une simulation de l'alunissage a été menée sur un simulateur de mouvement vertical (VMS). Cette simulation commence à 152,4 m d'altitude avec une vitesse horizontale de norme égale à $18,3 \text{ m.s}^{-1}$ et une vitesse verticale de norme égale à $4,9 \text{ m.s}^{-1}$ (voir les conditions initiales de la figure 1).

La trajectoire de référence d'une durée de 95 s, permet de poser le module sur le sol lunaire en toute sécurité.

Une trajectoire incontrôlée d'une durée de 30 s qui conduirait à un impact sur le sol lunaire mettant un terme à la mission est représentée figure 1.

Source : AIAA Space 2008 Conference ,9 – 11 September 2008, San Diego, CA

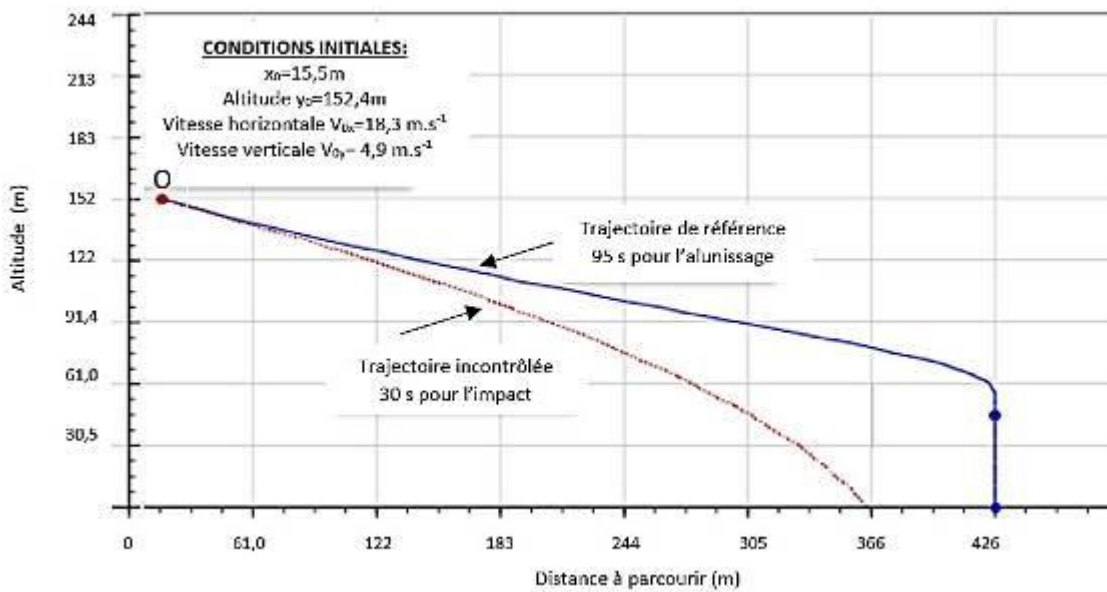


Figure 1. Trajectoires de référence et incontrôlée d'un atterrisseur lunaire dans le plan vertical

Source : D'après AIAA Space 2008 Conference ,9 – 11 September 2008, San Diego, CA

Données :

- Valeur du champ de pesanteur sur la lune : $g_L = 1,6\text{ m.s}^{-2}$
- Équations horaires d'une chute libre dans un champ de pesanteur uniforme avec un vitesse initiale \vec{v}_0 non nulle :

$$x(t) = v_{0x} \cdot t + x_0 \quad (1) \quad \text{et} \quad y(t) = -\frac{1}{2} \cdot g_L \cdot t^2 - v_{0y} \cdot t + y_0 \quad (2)$$

v_{0x} : norme de la vitesse horizontale et v_{0y} : norme de la vitesse verticale

10. Sur le document réponse à rendre avec la copie, représenter au point O, de coordonnées x_0 et y_0 , les vecteurs vitesse horizontale \vec{v}_{0x} et vitesse verticale \vec{v}_{0y} sans souci d'échelle. Représenter également le vecteur champ de pesanteur \vec{g}_L .

11. Justifier le signe négatif ou positif de chacun des trois termes de l'expression :

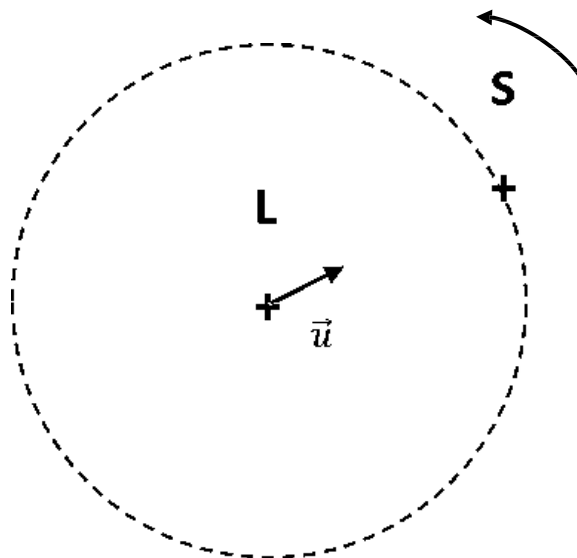
$$y(t) = -\frac{1}{2} \cdot g_L \cdot t^2 - v_{0y} \cdot t + y_0$$

12. À l'aide de l'équation horaire (1) et de la figure 1 calculer la durée t de descente de l'atterrisseur s'il était en chute libre. Indiquer si l'atterrisseur dans sa trajectoire incontrôlée est ou pas en chute libre.

EXERCICE B - L'installation de l'Homme sur la Lune
DOCUMENT REPONSE À RENDRE AVEC LA COPIE

Partie A : Questions 2 et 5

Sens de rotation du satellite



Partie B : Question 10.

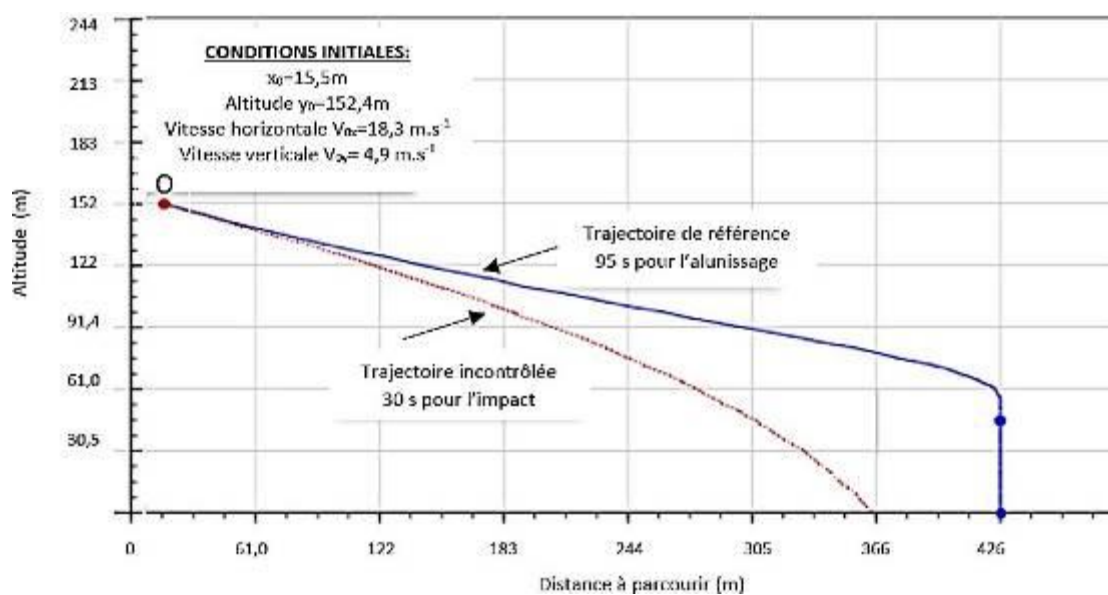


Figure 1. Trajectoire de référence et incontrôlée d'un atterrisseur lunaire dans le plan vertical